



INSTITUTO FEDERAL DE  
EDUCAÇÃO, CIÊNCIA E TECNOLOGIA  
RIO GRANDE DO NORTE



CONCURSO PÚBLICO  
Grupo Magistério

CONCURSO PÚBLICO IFRN 2011 – DOCENTE  
EDITAL Nº 12/2011 – REITORIA IFRN

Expectativa de Respostas  
Física

QUESTÃO 1

**a) (7,5 pontos)**

O professor pode sugerir ao aluno, pelo menos, os três seguintes testes:

- i) Análise dimensional – porque toda equação ou expressão física deve estar correta, no que diz respeito à dimensão/unidade dos termos envolvidos.
- ii)  $E(0) = 0$  Ou seja, a intensidade do campo tem que ser nula no centro do anel. Esse fato é simplesmente consequência da simetria e não requer nenhum cálculo para ser reconhecido.
- iii) Quando  $\frac{x}{R} \gg 1$  ou  $\frac{R}{x} \ll 1$   $E(x) \rightarrow \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{Q}{x^2}$

**b) (7,5 pontos)**

Teste (i):  $[x] = \text{dimensão de } x$ . Com base na Lei de Coulomb:  $[E] = \frac{[Q]}{[\epsilon_0][L]^2}$  A expressão do aluno satisfaz esse teste.

Teste (ii): Por simetria, para cada elemento  $dl$  ou  $dq$  do anel, existe outro elemento simetricamente posicionado do outro lado do anel, que produz um campo  $d\vec{E}$  de mesma intensidade, porém de sentido contrário. Em consequência  $\sum d\vec{E} = 0$ . A expressão do aluno satisfaz esse fato porque substituindo  $x = 0$  na expressão obtém-se  $E(0) = 0$ .

Teste (iii): O candidato pode reconhecer que quando  $R$  é desprezível, quando comparável com  $x$ , a expressão do aluno se reduz a:

$$E(x) = \frac{1}{2\pi\epsilon_0} \frac{Q}{x^2}$$

Essa expressão não produz o resultado esperado.

## QUESTÃO 2

### a) (5,0 pontos)

Como a única força aplicada sobre o sistema é conservativa, o sistema também é conservativo, portanto a energia mecânica se conserva, portanto sua variação é nula.

### b) (5,0 pontos)

O trabalho da força resultante ( $W$ ) é igual a variação da energia cinética ( $\Delta K$ ) de uma partícula e por se tratar de um sistema conservativo temos que  $\Delta K = -\Delta U$ , onde  $\Delta U$  é a variação da energia potencial. Portanto

$$\begin{aligned}W &= \Delta K = -\Delta U \\W &= -(U_{final} - U_{inicial}) \\W &= -(12 \cdot 1^2 + 10 \cdot (-2) - 12 \cdot 0^2 - 10 \cdot 0) \\W &= 8 \text{ J}\end{aligned}$$

### c) (5,0 pontos)

A força resultante pode ser descrita como  $\vec{F} = -\vec{\nabla}U = -\left(\frac{\partial U}{\partial x}\hat{i} + \frac{\partial U}{\partial y}\hat{j} + \frac{\partial U}{\partial z}\hat{k}\right)$ . Como estamos trabalhando com apenas duas dimensões, descartaremos a última parcela do gradiente. Então:

$$\begin{aligned}\vec{F} &= -\vec{\nabla}U = \left(\frac{\partial U}{\partial x}\hat{i} + \frac{\partial U}{\partial y}\hat{j}\right) \\ \vec{F} &= -\left(\frac{\partial(12x^2 + 10y)}{\partial x}\hat{i} + \frac{\partial(12x^2 + 10y)}{\partial y}\hat{j}\right) \\ \vec{F} &= -24x\hat{i} - 10\hat{j}\end{aligned}$$

Como é solicitado o módulo dessa força em dois pontos diferentes:

$$\vec{F}(0,0) = -24 \cdot 0\hat{i} - 10\hat{j} = -10\hat{j}$$

Portanto, o módulo da força no ponto P é 10 N.

$$\vec{F}(1, -2) = -24 \cdot 1\hat{i} - 10\hat{j} = -24\hat{i} - 10\hat{j}$$

Para encontrar o módulo

$$F(1, -2) = \sqrt{24^2 + 10^2} = 26 \text{ N}$$